الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2012

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

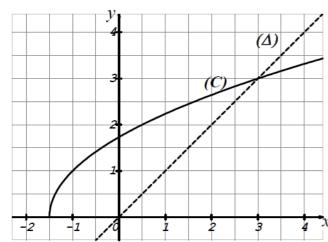
الشعبة : علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 3 ساعات ونصف

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (05 نقاط)

 $u_{n+1} = \sqrt{2u_n + 3}: n$ عدد طبيعي $u_0 = 1$ المعرّفة بحدّها الأول $u_0 = 1$ و من أجل كل عدد طبيعي المعرّفة بحدّها الأول



لتكن h الدالة المعرّفة على المجال $\left| \frac{3}{2}; +\infty \right|$ كما يلي: $\left| \frac{1}{2}; +\infty \right|$ لتكن $\left| \frac{3}{2}; +\infty \right|$ ن مثيلها البياني و $\left(\Delta \right)$ ، و $\left(\frac{1}{2}; +\infty \right)$ تمثيلها البياني و $\left(\frac{1}{2}; +\infty \right)$

المستقيم ذو معادلة x = x في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس. (انظر الشكل المقابل).

أ) – أعد رسم الشكل المقابل على ورقة الإجابة ثم مثل على محور الفواصل الحدود u_1 ، u_2 ، u_3 ، u_4 ، u_5

(دون حسابها و موضحا خطوط الإنشاء).

- ب) ضع تخمينا حول اتجاه تغيّر (u_n) و تقاربها.
- $0 < u_n < 3$: n برهن بالتراجع أنَّه من أجل كل عدد طبيعي (2
 - . (u_n) ادرس اتجاه تغیّر المتتالیة (3
 - $\lim_{n \to +\infty} u_n$ ب استنتج أنّ المتتالية (u_n) متقاربة، ثم احسب (ب

التمرين الثاني: (04 نقاط)

 $z=rac{3i(z+2i)}{z-2+3i}$ المعادلة ذات المجهول z التالية: \mathbb{C} المعادلة ذات المجهول (1

 $(z \neq 2 - 3i)$ حيث

- حل في $\mathbb C$ هذه المعادلة.
- ينسب المستوي المركب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ($O; \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v}$) ينسب المستوي المركب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ($z_B = 1 i\sqrt{5}$) ينسب المستوي المركب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $z_A = 1 + i\sqrt{5}$: الترتيب $z_A = 1 + i\sqrt{5}$
 - تحقق أنّ A و B تنتميان إلى دائرة مركزها O يطلب تعيين نصف قطرها.
- $z' = \frac{3i(z+2i)}{z-2+3i}$ کر نقطة M النقطة M النقطة M النقطة M النقطة M من المستوي لاحقتها $Z' = \frac{3i(z+2i)}{z-2+3i}$

.
$$[CD]$$
 محور القطعة $z_{C}=3i$ و $z_{D}=2-3i$ ، $z_{C}=-2i$ النقط E ، D ، C النقط E ، D ، C

DM و CM بدلالة المسافة OM' عبر عن المسافة OM'

ب- استنتج أنّه من أجل كل نقطة M من (Δ) فإنّ النقطة M تنتمي إلى دائرة (γ) يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها. تحقق أن E تنتمي إلى (γ) .

التمرين الثالث: (04 نقاط)

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (C; \overrightarrow{i} , \overrightarrow{j} , \overrightarrow{k}) نعتبر المستوي (C) ذا المعادلة: C(-1;3;1) ، B(2;2;-1) ، A(1;-2;5) و النقط (14x + 16y + 13z - 47 = 0

1) أ – تحقق أنّ النقط A، B و C ليست في استقامية.

$$.(P)$$
 هو (ABC) هو المستوي بين أنّ المستوي

(AB) جد تمثيلا وسيطيا للمستقيم (2

[AB] أ – اكتب معادلة ديكارتية للمستوي المحوري (Q) للقطعة

.
$$(Q)$$
 يتتمي إلى المستوي $D\bigg(-1;-2;\frac{1}{4}\bigg)$ تتتمي إلى المستوي ب

(AB) و المستقيم D النقطة D

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $f(x)=x+5+6\ln\left(rac{x}{x-1}
ight)$: كما يلي: $\int -\infty;0$ لتكن $\int -\infty;0$ الدالة المعرّفة على المجال $\int -\infty;0$ المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f)

المتيجة هندسيا. النتيجة هندسيا. ال $\lim_{x \to 0} f(x)$ النتيجة هندسيا.

 $\lim_{x\to\infty} f(x)$ — $\lim_{x\to\infty} f(x)$

.
$$f'(x) = \frac{x^2 - x - 6}{x(x - 1)}$$
، $]-\infty;0[$ من أجل كل عدد حقيقي x من أجل كل عدد حقيقي (2

استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ، ثم شكّل جدول تغيّر اتها.

. $-\infty$ بجو ال (C_f) الذي معادلة له: y=x+5 هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى بجو ال (Δ) بجو ال (Δ) بجو ال (Δ) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

-1,1<eta<-1 و -3,5<lpha<-3,4 و eta حيث eta و تقبل حلّين معادلة $f\left(x
ight)=0$ و تقبل حلّين أنّ المعادلة المعادلة عبد المعادلة المعادل

 (Δ) أنشئ المنحنى (C_f) و المستقيم (5

$$B\left(-2;\frac{5}{2}+6\ln\left(\frac{3}{4}\right)\right)$$
 و $A\left(-1;3+6\ln\left(\frac{3}{4}\right)\right)$ و (6

(AB) بيّن أن $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2} + 6\ln\frac{3}{4}$ بيّن أن

. بيّن أنّ المستقيم (AB) يمس المنحنى (C_f) في نقطة M_0 يطلب تعيين إحداثيتيها

 $g\left(x\right) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$: لتكن $g\left(x\right) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$ كما يلي: $g\left(x\right) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$ كما يلي: $g\left(x\right) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$ كما يلي: $g\left(x\right) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$ كما يلي: $g\left(x\right) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$ كما يلي: $g\left(x\right) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04,5 نقاط)

$$u_{n+1} = 3 + \sqrt{u_n - 3}$$
 : $u_n = \frac{13}{4}$ و من أجل كل عدد طبيعي $u_0 = \frac{13}{4}$ المتتالية العددية المعرّفة بحدّها الأوّل $u_n = \frac{13}{4}$

 $3 < u_n < 4$: n بر هن بالتراجع أنَّه من أجل كل عدد طبيعي (1

. استنتج أن
$$(u_n)$$
 متز ايدة تماما . $u_{n+1} - u_n = \frac{-u_n^2 + 7u_n - 12}{\sqrt{u_n - 3} + u_n - 3}$: n متز ايدة تماما . (2) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي

- برر لماذا (u_n) متقاربة.
- $v_n = \ln(u_n 3)$:ب المنتالية المعرّفة على $\mathbb N$ بية المعرّفة المعرّفة على (4
- أ) برهن أنّ (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ ، ثم احسب حدّها الأول.
 - $\lim_{n\to +\infty} u_n$ بدلالة u، ثم احسب v_n و v_n و بدلالة v_n

$$P_n = (u_0 - 3)(u_1 - 3)(u_2 - 3) \times ... \times (u_n - 3) : n$$
 عدد طبیعی $P_n = (u_0 - 3)(u_1 - 3)(u_2 - 3) \times ... \times (u_n - 3) = n$ نضع من أجل كل عدد طبيعي

 $\lim_{n\to+\infty} P_n = \frac{1}{16}$ اکتب P_n بدلالة n، ثم بیّن أن

التمرين الثاني: (04 نقاط)

، $A\left(-1;0;1\right)$ لنعتبر النقط المتعامد و المتجانس ($O;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j},\overrightarrow{k}$) نعتبر النقط المعام المتعامد و

 $.C\left(1;-1;0
ight)$ و $B\left(2;1;0
ight)$

- 1) بيّن أنّ النقط A ، B و B ، مستويا.
- . (ABC) بيّن أنّ 2x-y+5z-3=0 هي معادلة ديكارتية للمستوي (2
- $H\left(\frac{13}{15}; -\frac{13}{30}; \frac{1}{6}\right)$ و $D\left(2; -1; 3\right)$ عن الفضاء حيث: $D\left(2; -1; 3\right)$ و $D\left(2; -1; 3\right)$

(ABC) أ- تحقّق أنّ النقطة D لا تنتمى إلى المستوي (ABC).

. (ABC) على المستوي H هي المسقط العمودي للنقطة D على المستوي H

- استنتج أنّ المستويين (ADH) و (ABC) متعامدان، ثم جد تمثيلا وسيطيا لتقاطعهما.

التمرين الثالث: (04,5 نقاط)

 $P(z) = z^3 - 12z^2 + 48z - 72$: حيث: Z حيث المركب عير الحدود للمتغيّر المركب عير ال

أ- تحقّق أنّ 6 هو جذر لكثير الحدود P(z)

 $P(z) = (z-6)(z^2+\alpha z+\beta)$: عدد مركب عدد مركب من أجل عن معيث من أجل عدد من الحقيقيين α و α

 $P\left(z\right)=0$ المعادلة \mathbb{C} ، المعادلة الأعداد المركبة

C، B ، A . $(O; \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v})$ المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $z_{C}=3-i\sqrt{3}$ و $z_{B}=3+i\sqrt{3}$ ، $z_{A}=6$ المستوي المركب لواحقها على الترتيب $z_{C}=3-i\sqrt{3}$ و $z_{B}=3+i\sqrt{3}$ ، $z_{A}=6$ الشكل الأسي.

ب-اكتب العدد المركب $\frac{z_A-z_B}{z_A-z_C}$ على الشكل الجبري، ثم على الشكل الأسي. -2 المثلث -2 -استنتج طبيعة المثلث -2

. $\frac{\pi}{2}$ التشابه المباشر الذي مركزه C ، نسبته $\sqrt{3}$ و زاويته (3

أ- جد الكتابة المركبة للتشابه $\, S \, .$

. S النقطة A النقطة A بالتشابه A بالتشابه A

ج- بيّن أنّ النقط A '، B ، A في استقامية.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- $g\left(x\right)=1-x\;e^{x}$ كما يلي: $g\left(x\right)=1-x\;e^{x}$ كما يلي (I
 - $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} g(x)$ احسب (1
 - 2) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g، ثم شكل جدول تغيّراتها.
- . $[-1;+\infty[$ المعادلة α على المجال g(x)=0 تقبل حلاً وحيدا α على المجال g(x)=0 . \mathbb{R} على g(x) ، ثم استنتج إشارة g(x) على g(x) على .
- $f(x) = (x-1)e^x x 1$: يعتبر الدالة $f(x) = (x-1)e^x x 1$
 - $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ احسب (1
- . f'(x) = -g(x) فإن: f فإن: f فإن: f فإن: f التكن f مشتقة الدالة f . بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي f من f مشتقة الدالة f . f على المجال f المجال f . f شكّل جدول تغيّر ات الدالة f .
 - . (10^{-2} يين أنّ $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2 + 1}{\alpha}\right)$ ثم استنتج حصر اللعدد ($f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2 + 1}{\alpha}\right)$ ثم استنتج حصر اللعدد ($f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2 + 1}{\alpha}\right)$
- y=-x-1 هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى (Δ) ذا المعادلة y=-x-1 هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى (Δ) بجوار y=-x-1 بجوار (Δ) بالنسبة إلى (Δ).
 - . $1,5 < x_2 < 1,6$ و $-1,6 < x_1 < -1,5$ و x_2 حيث $x_1 < 1,5$ و $x_2 < 1,6$ و $x_1 < -1,5$ د (5 معادلة $x_1 < 1,5$ د $x_2 < 1,6$ د $x_2 < 1,6$ د $x_1 < -1,5$ د $x_2 < 1,6$ د $x_1 < -1,5$ د $x_2 < 1,6$ د $x_2 < 1,6$ د $x_1 < -1,5$ د $x_2 < 1,6$ د $x_2 < 1,6$ د $x_1 < -1,5$ د $x_2 < 1,6$ د
 - $.\,h\left(x\right)\!=\!\left(ax+b\right)\!e^{x}$ كما يلي: \mathbb{R} كما يلي الدالة المعرّفة على h

 \mathbb{R} على $x\mapsto x\,e^x$ المحددين الحقيقيين a و a بحيث تكون a دالة أصلية للدالة a على \mathbb{R} على \mathbb{R} على \mathbb{R} .